

Е. В. Смыкалова

# МАТЕМАТИКА

## ЗАДАЧИ

### ПО ТЕОРИИ ВЕРОЯТНОСТЕЙ



Е. В. Смыкалова

Математика  
Задачи  
по теории вероятностей

4 класс

Демоверсия

Санкт-Петербург  
СМИ МетаШкола  
2023

УДК 373.51  
ББК 20.я72

Смыкалова Елена Владимировна

С52

Математика. Задачи по теории вероятностей.

4 класс: Сборник задач / Е. В. Смыкалова. – СПб.: СМИ  
МетаШкола, 2023. – 72 с. – ISBN 978-5-6051167-0-7

Сборник содержит 120 задач по теории вероятностей для 4 класса: задачи на случайные события; задачи на статистическое и классическое определение вероятности. Рассматриваются различные способы решения задач. Приводятся образцы оформления для первых четырёх задач каждой главы. Ко всем задачам есть ответы и подробные решения в конце книги. Книга будет интересна и полезна ученикам 4 класса, их родителям и учителям математики.

ISBN 978-5-6051167-0-7

© Смыкалова Е. В., 2023

© СМИ МетаШкола, 2023

Все права защищены.

Эта книга, целиком или частично, не может быть использована или размещена где-либо в любой форме и с использованием любых технических средств без письменного разрешения владельца авторских прав. Нарушение прав преследуется по закону.

[www.metaschool.ru](http://www.metaschool.ru)

---

## Оглавление

Предисловие.....	5
1. Случайные события.....	6
2. Статистическое определение вероятности.....	16
3. Классическое определение вероятности.....	23
4. Задачи повышенной сложности.....	32
Решения и ответы.....	40

## Предисловие

Сборник содержит 120 задач по теории вероятностей для 4 класса. В первой главе — задачи на случайные события; во второй главе — задачи на статистическое определение вероятности; в третьей — задачи на классическое определение вероятности; в четвёртой — задачи повышенной сложности.

Рассматриваются различные способы решения задач. Приводятся образцы оформления для первых четырёх задач каждой главы. Ко всем задачам есть ответы и подробные решения в конце книги. Книга будет интересна и полезна ученикам 4 класса, их родителям и учителям математики.

Это первая книга серии «Задачи по теории вероятностей» 4 – 9 классы.

Материал книги был апробирован на уроках математики, на занятиях математического кружка в Физико-математическом лицее № 366 Санкт-Петербурга и в интернет-кружке МетаШколы [www.metaschool.ru](http://www.metaschool.ru).

Желаем успехов в изучении математики!

## 1. Случайные события

*Кубик игральный* в теории вероятностей имеет шесть граней правильной формы. На каждой грани выбито точками число, и при бросании кубика выпадает одно из шести чисел: 1, 2, 3, 4, 5, 6. Сумма чисел на противоположных гранях равна 7.



*Случайные события* — это события, которые при одних и тех же условиях могут произойти, а могут и не произойти. Например: выпадение пятёрки при бросании кубика.

*Невозможные события* — в данных условиях произойти не могут. Например: выпадение семёрки при бросании кубика.

*Достоверные события* — в данных условиях произойдут обязательно. Например: выпадение числа меньше семи при бросании кубика.

Одни случайные события более вероятные — ближе к достоверным, а другие менее вероятные — ближе к невозможным.

1. Бросают кубик. Какое из событий достоверное:

- 1) выпадение числа не больше, чем 5;
- 2) выпадение чётного числа;
- 3) выпадение числа меньше, чем 7;
- 4) выпадение числа больше, чем 4?

Решение.

На гранях кубика: 1, 2, 3, 4, 5, 6.

- 1) Не является достоверным, может выпасть 6.
- 2) Не является достоверным, может выпасть нечётное число.
- 3) Достоверное событие, числа 1, 2, 3, 4, 5, 6 меньше, чем 7.
- 4) Не является достоверным, может выпасть 1, 2, 3 или 4.

Ответ: 3.

- 
- 
-

24. В коробке лежат шарики: 4 белых, 5 красных и 3 чёрных. Наугад вынимается один шарик. Какое событие наиболее вероятно:

- 1) вынутый шарик не белый;
- 2) вынутый шарик красный;
- 3) вынутый шарик не чёрный;
- 4) вынутый шарик белый?



## 2. Статистическое определение вероятности

*Монета* в теории вероятностей имеет только две стороны, одна из которых «орёл», другая — «решка». Монету бросают, и она падает одной из сторон вверх.



Чтобы выяснить, насколько вероятно то или иное случайное событие, связанное с экспериментом, нужно подсчитать, как часто оно происходит. При этом рассматривают две величины:

- *абсолютная частота* показывает, сколько раз в серии экспериментов наблюдалось данное событие;
- *относительная частота* показывает, какая доля экспериментов завершилась наступлением данного события.

Относительная частота определяется делением абсолютной частоты на число экспериментов:  $n/N$ .  
Например: при бросании монеты «орёл» выпал 11 раз из 20; абсолютная частота равна 11, а относительная частота равна  $11/20$ .

*Статистическое определение вероятности:* за вероятность случайного события принимается его относительная частота, полученная в серии экспериментов:  $P=n/N$ .

- Для невозможного события  $n=0$ , относительная частота равна 0, вероятность события равна 0, это событие не произойдет.
- Для достоверного события  $n=N$ , относительная частота равна 1, событие обязательно произойдет.
- Для случайного события  $0 \leq n \leq N$ , относительная частота от 0 до 1 включительно, вероятность события от 0 до 1 включительно.

25. Проведён эксперимент по бросанию монеты. «Орёл» выпал 49 раз, а «решка» — 52 раза. Найдите относительную частоту выпадения «орла» в данном эксперименте.

Решение.

Монету подбрасывали  $49 + 52 = 101$  раз.

Относительная частота выпадения «орла»:  $49/101$ .

Ответ:  $49/101$ .

- 
- 
- 

48. Стрелок 45 раз попал в мишень и 8 раз — не попал.

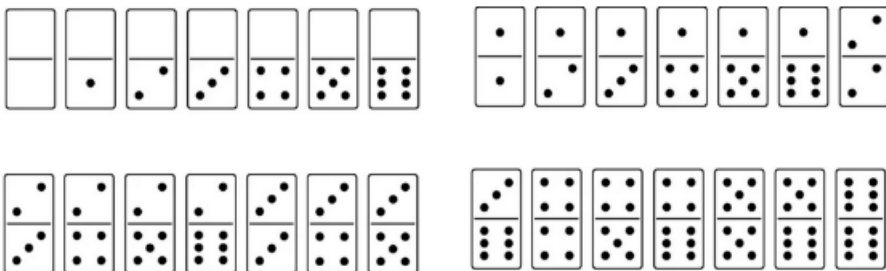
Найдите относительную частоту попаданий в мишень.

### 3. Классическое определение вероятности

*Монета* в теории вероятностей имеет только две стороны. Выпадение «орла», выпадение «решки» — равновероятные события. Никакой другой вариант невозможен, монета не может потеряться или встать на ребро.

*Кубик игральный* в теории вероятностей имеет шесть граней правильной формы. Выпадение каждого из чисел (1, 2, 3, 4, 5, 6) — равновероятные события. Никакой другой вариант невозможен, кубик не может потеряться или встать на ребро.

*Домино.* В классическом наборе 28 прямоугольных фишек, которые разделены на две части. На каждой части точками отмечены числа от 0 до 6 включительно.



Рассмотрим случайный эксперимент, который может завершиться одним из  $n$  возможных исходов, причём все исходы *равновероятны*, нет никаких оснований считать один исход вероятнее другого.

Например:

- 1) при бросании монеты число возможных исходов  $n = 2$ , может выпасть «орёл» или «решка»;
- 2) при бросании кубика число возможных исходов  $n = 6$ , может выпасть 1, 2, 3, 4, 5 или 6.

Пусть ровно  $m$  из этих  $n$  исходов приводят к наступлению некоторого события  $A$ , такие исходы называются *благоприятными*.

*Классическое определение вероятности:*  $P(A) = m/n$ .

Вероятность случайного события  $A$  — это отношение  $m/n$ , где  $n$  — число всех возможных исходов эксперимента,  $m$  — число исходов, благоприятных для события  $A$ .

Например:

- 1) пусть благоприятным исходом будет выпадение «орла» при бросании монеты,  $m = 1$ ; вероятность выпадения «орла» при бросании монеты равна  $1/2$ ;
- 2) пусть благоприятным исходом будет выпадение тройки при бросании кубика,  $m = 1$ ; вероятность выпадения тройки при бросании игрального кубика равна  $1/6$ .

Классическое определение вероятности можно использовать только в случае с равновероятными исходами!

*Противоположные события* — пара событий  $A$  и  $B$  таких, что если происходит событие  $A$ , то событие  $B$  не происходит и наоборот. Из двух противоположных событий одно обязательно произойдёт, а одновременно они произойти не могут.

Сумма вероятностей противоположных событий равна единице:  $P(A) + P(B) = 1$ .

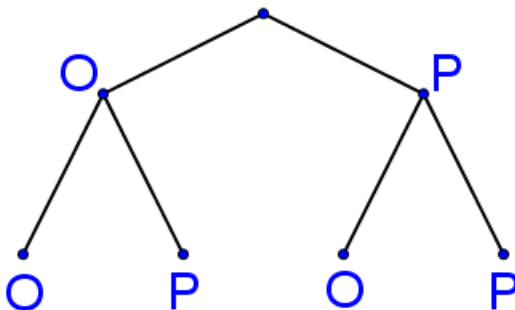
Вероятность противоположного события:  $P(B) = 1 - P(A)$ .

Примеры противоположных событий:

- 1) выпадение «орла», выпадение «решки» при бросании монеты;
- 2) выпадение нечётного числа, выпадение чётного числа при бросании кубика.

49. Монету бросают дважды. Найдите вероятность того, что «орёл» выпадет один или два раза.

Решение.



Возможные варианты: ОО; ОР; РО; РР.

Вероятность того, что «орёл» выпадет один или два раза:  
3/4.

Ответ: 3/4.

- 
- 
- 

84. В лотерее 7 выигрышных билетов и 143 билета без выигрыша. Какова вероятность выиграть в эту лотерею, купив один билет?

## 4. Задачи повышенной сложности

*Объединением* двух или нескольких событий называется событие, состоящее в наступлении хотя бы одного из них в результате испытания.

Например: в ящике один красный шар и один белый шар;

событие  $A$  — извлечён красный шар;

событие  $B$  — извлечён белый шар;

событие  $(A \cup B)$  — извлечён красный или белый шар.

*Вероятность объединения:*  $P(A \cup B) = P(A) + P(B)$ .

Вероятность объединения двух несовместных событий равна сумме вероятностей этих событий.

85. Случайным образом выбирается трёхзначное число.

Найдите вероятность того, что первая цифра этого числа — 5, а последняя цифра — 6.

Решение.

По правилу произведения:

1) всего трёхзначных чисел:  $9 \cdot 10 \cdot 10 = 900$ ;

2) трёхзначных чисел, первая цифра которых 5,

а последняя 6:  $1 \cdot 10 \cdot 1 = 10$ .

Вероятность того, что первая цифра этого числа — 5, а последняя цифра — 6:  $10/900 = 1/90$ .

Ответ:  $1/90$ .



- 
- 
- 

120. В автомобильном номере три цифры. Найдите вероятность того, что в выбранном номере две последние цифры — нули.

## Решения и ответы

5. 3.

На гранях кубика: 1, 2, 3, 4, 5, 6.

Событие 3 (выпадение семёрки) — невозможное событие.

6. 4.

На гранях кубика: 1, 2, 3, 4, 5, 6.

Событие 4 (выпадение восьмёрки) — невозможное событие.

7. 3.

На гранях кубика: 1, 2, 3, 4, 5, 6.

Событие 3 (выпадение числа меньше семи) — достоверное событие.

8. 4.

На гранях кубика: 1, 2, 3, 4, 5, 6.

Событие 4 (выпадение числа не больше шести) — достоверное событие.

- 
- 
-

120.  $10/1000 = 1/100$ .

Всего вариантов:

первая цифра — любая из десяти (0, 1, 2, ..., 9);

вторая цифра — любая из десяти (0, 1, 2, ..., 9);

третья цифра — любая из десяти (0, 1, 2, ..., 9).

По правилу произведения:  $10 \cdot 10 \cdot 10 = 1000$ .

В выбранном номере:

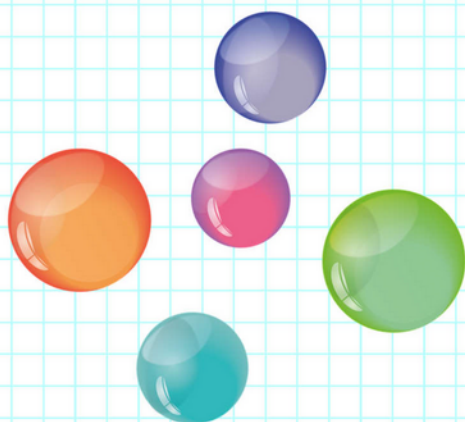
первая цифра — любая из десяти (0, 1, 2, ..., 9);

вторая цифра — 0, один вариант;

третья цифра — 0, один вариант.

По правилу произведения:  $10 \cdot 1 \cdot 1 = 10$ .

Вероятность того, что в выбранном номере две последние цифры — нули:  $10/1000 = 1/100$ .



ISBN 978-5-6051167-0-7



9 785605 116707 >